

УДК 681.3.06

МАЗУРКОВ М. И., СОКОЛОВ А. В.

**НЕЛИНЕЙНЫЕ S-БЛОКИ ПОДСТАНОВКИ НА ОСНОВЕ  
КОМПОЗИЦИОННЫХ КОДОВ СТЕПЕННЫХ ВЫЧЕТОВ***Одесский национальный политехнический университет,  
Украина, Одесса, 65044, пр. Шевченко 1*

**Аннотация.** На основе композиционных кодов степенных вычетов предложен способ построения новых конструкций нелинейных  $S$ -блоков подстановки длины  $N = 256$  и объема  $|S| = 8,6248 \times 10^{13}$ . Синтезированные конструкции обладают хорошими криптографическими свойствами, существенно дополняют и расширяют класс конструкций Ниберга шифра Rijndael а также обеспечивают возможность их применения в качестве долговременного ключа

**Ключевые слова:** криптографический шифр; нелинейный  $S$ -блок; метод синтеза; коды степенных вычетов; поле Галуа

Коды степенных вычетов широко используются для построения нормальных, композиционных и больших систем дискретных частотных сигналов с большой базой и заданными структурными, дистанционными и корреляционными свойствами [1]. Вместе с тем, вопросы построения нелинейных  $S$ -блоков подстановки на основе композиционных кодов степенных вычетов исследованы в литературе недостаточно полно [2].

Целью настоящей статьи является разработка способа построения нелинейных  $S$ -блоков подстановки на основе композиционных кодов степенных вычетов с хорошими криптографическими свойствами, применительно к шифру Rijndael/AES.

Вне зависимости от выбранной архитектуры блочного симметричного шифра, будь то сеть Фейстеля или SP-сеть, основным компонентом, определяющим устойчивость криптопреобразования к основным видам атак криптоанализа, является надежность нелинейного

$S$ -блока подстановки шифра, производящего отображение группы входных битов  $x_i$  в группу выходных битов  $y_i$  в соответствии с правилом кодирующей  $Q$ -последовательности, которая полностью определяет структуру и криптографические свойства  $S$ -блока подстановки.

Пусть, например, задана кодирующая  $Q$ -последовательность

$$Q_1 = \{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15\}, \quad (1)$$

что соответствует отсутствию подстановки, т.е. прямому отображению входных битов  $S$ -блока подстановки в выходные:  $y_i = x_i$ . Очевидно, что подобный  $S$ -блок подстановки не обладает криптостойкостью. Тем не менее, кодирующая  $Q$ -последовательность (1) не содержит в себе повторяющихся элементов: операция подстановки, выполненная с помощью данного  $S$ -блока подстановки является полностью обратимой. Такой  $S$ -блок подстановки называется биективным [2], и может служить основой для построения криптографически